

## O MÉTODO DAS DEPENDÊNCIAS NA REDUÇÃO DE PLACAS ASTROGRÁFICAS

L.E. Machado\*  
 E.R. Netto\*  
 G.G. Vieira\*  
 J.F. Caldeira\*  
 H. Debehogne\*\*

### ABSTRACT

Dependencies and 165 astrometric positions of asteroids are given; 58 of these refer to asteroids of the *Ephemeridi Malik Planet/1981*, while 107 are not included in this publication. Further research will reveal the true identify of these 11 photographed celestial bodies. The G.P.O. refractor telescope of ESO, La Silla, was used, observations being made by Dr. H. Debehogne and R.R. Freitas Mourão, National Observatory, Rio de Janeiro. Reduction was accomplished at the Valongo Observatory, UFRJ, through the method of dependencies; for comparison, the method of least squares was also used. The importance of publishing dependencies is emphasized.

### INTRODUÇÃO

Em agosto/setembro de 1981 realizou-se no European Southern Observatory - ESO, La Silla, Chile, mais um programa observacional conjunto "Observatório Real da Bélgica/Universidade Federal do Rio de Janeiro/Observatório Nacional, RJ, tendo o Dr. Henri Debehogne (O.R.B. e Professor Visitante da UFRJ) e o Dr. Ronaldo R. Freitas Mourão (Observatório Nacional do Rio de Janeiro) operando o telescópio astrométrico G.P.O. ( $D=40\text{cm}$ ;  $F=4\text{m}$ ) para a obtenção de placas fotográficas. A redução posterior das placas fornece a posição precisa de asteróides identificados e não identificados da "*Ephemeridi Malik Planet*" (Leningrado, 1981). O presente trabalho, além do objetivo primordial do programa, isto é a determinação das coordenadas equatoriais celestes ( $\alpha, \delta$ ) dos asteróides fotografados, enfatiza a importância da aplicação do método das dependências na redução astrométrica, e a publicação de seus valores, que vem sendo sistematicamente negligenciada na maioria dos trabalhos científicos.

### MÉTODO DAS DEPENDÊNCIAS

Desde sua introdução em 1911 por F. Schlesinger, o método das dependências, ao lado do método dos mínimos quadrados (M.M.C.), vem permitindo, pela inter-comparação dos resultados, um controle interno das redu-

\*Observatório do Valongo e Departamento de Astronomia do Instituto de Geociências da Universidade Federal do Rio de Janeiro.

\*\*Observatoire Royal de Belgique

ções computarizadas e, caso se verifique a posteriori uma melhoria nas posições e nos valores dos movimentos próprios das estrelas de referência, a revisão das posições calculadas, sem a necessidade de releitura das placas nos coordenatógrafos. A segunda vantagem, sob determinado aspecto, sobrepuja a primeira e como está textualmente grifado na introdução das Efemérides dos Asteróides Brilhantes (Leningrado, 1981):

The results should be presented in such a manner that later improved reference star position can be taken into account (P.4).

A citação consta da Resolução da Comissão 8 da União Astronómica Internacional, aprovada em sua 16ª Assembléia Geral, realizada em Grenoble, França, 1976.

A única forma de efetuar uma revisão nas posições publicadas dos corpos celestes, sem a indispensável passagem pelos coordenatógrafos é a utilização do método das dependências. Com a publicação das mesmas, a correção das posições pode ser efetuada em qualquer época e em qualquer local, sem a manipulação das placas arquivadas (as vezes deterioradas pelo tempo e/ou accidentalmente quebradas).

De acordo com Schlesinger (Astrophysical Journal, 1911), para as reduções com coeficientes polinomiais (constantes da placa) lineares, pode-se ganhar tempo de cálculo expressando as posições reduzidas como funções lineares explícitas das coordenadas medidas. Essas funções lineares constituem, na terminologia do autor, as dependências ( $D_i$ ). Desse modo, segundo Salvador (1979), sendo  $(x_0, y_0)$  a posição desconhecida do corpo celeste e  $(x_1, y_1)$  as coordenadas retilíneas medidas das estrelas de referência tem-se:

$$\begin{aligned} x_0 &= \sum_{i=1}^n D_i x_i \\ y_0 &= \sum_{i=1}^n D_i y_i \end{aligned} \quad \dots \dots \dots \quad (1)$$

onde  $n$  é o número de estrelas de referência, com a condição, imediata, de que

$$\sum_{i=1}^n D_i = 1 \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

Como no método dos mínimos quadrados, supõe-se que

$$F(D_1, D_2, \dots, D_n) = \sum_{i=1}^n D_i^2 \quad \dots \dots \dots \quad (3)$$

seja mínima.

O método dos multiplicadores de Lagrange é, então, utilizado para a obtenção do mínimo de (3), condicionada a (1) e (2). As dependências ( $D_i$ ) são fornecidas por:

$$D_i = \lambda_1 x_i + \lambda_2 y_i + \lambda_3, \quad i = 1, 2, \dots, n \quad \dots \dots \dots \quad (4)$$

onde  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$  e  $\lambda_3$  representam os multiplicadores de Lagrange, constantes. São obtidos do sistema matricial:

$$\begin{vmatrix} x_0 \\ y_0 \\ 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} n \sum_{i=1}^n x_i^2 & n \sum_{i=1}^n x_i y_i & n \sum_{i=1}^n x_i & \lambda_1 \\ n \sum_{i=1}^n x_i y_i & n \sum_{i=1}^n y_i^2 & n \sum_{i=1}^n y_i & \lambda_2 \\ n \sum_{i=1}^n x_i & n \sum_{i=1}^n y_i & 1 & \lambda_3 \end{vmatrix} \dots (5)$$

O sistema (5) fornece uma solução única, pois a matriz dos coeficientes é não singular, além de simétrica.

Na redução pelas dependências (Van de Kamp, 1967) o ponto zero das medidas é eliminado, uma vez que as quantidades  $(x_i, y_i)$  - coordenadas retilíneas medidas do referencial estelar - são referidas ao "ponto médio" do conjunto de estrelas de referência, impropriamente denominado "centro de massa". Por outro lado, revela o significado relativo - ou peso - das posições de cada estrela de referência. Não fornece, é verdade, nenhuma informação sobre o valor numérico e importância das constantes (lineares) da placa, uma vez que são eliminadas. O valor dessas constantes, para o escopo do método, não apresenta nenhuma importância, não sendo, pois, necessário, seu conhecimento. As coordenadas do corpo celeste  $(\alpha, \delta)$ , são obtidas finalmente, de

$$\alpha = \alpha_0 + \sum_{i=1}^n D_i \Delta \alpha_i - \operatorname{sen} l^\circ \operatorname{tg} \delta_0 \left[ \left( \sum_{i=1}^n D_i \Delta \alpha_i \Delta \delta_i \right) - \Delta \alpha_i \Delta \delta_i \right] \dots (6)$$

$$\delta = \delta_0 + \sum_{i=1}^n D_i \Delta \delta_i + \frac{225}{5} \operatorname{sen} l^\circ \operatorname{sen} 2\delta_0 \left[ \left( \sum_{i=1}^n D_i (\Delta \alpha_i)^2 \right) - (\Delta \alpha_i)^2 \right]$$

$\alpha_0$  e  $\delta_0$  são as coordenadas de uma das estrelas tomada como referência, por exemplo,  $\alpha_1$ ,  $\delta_1$ .  $\Delta \alpha_i$  e  $\Delta \delta_i$  são as diferenças entre  $\alpha_i$  e  $\alpha_0$  e  $\delta_i$  e  $\delta_0$ . Procedendo iterativamente a partir de:

$$\alpha = \alpha_0 + \sum_{i=1}^n D_i \Delta \alpha_i \dots (7)$$

$$\delta = \delta_0 + \sum_{i=1}^n D_i \Delta \delta_i$$

é calculada rapidamente a posição do corpo celeste. Na prática (7), é usada como a primeira indicação da posição a ser determinada.

Por (6) se verifica que qualquer alteração nas coordenadas (e no movimento próprio) das estrelas que constituem o sistema de referência permitirá a revisão das posições  $(\alpha, \delta)$  do corpo celeste, sem voltar à placa original, uma vez que  $\alpha, \delta$  são funções exclusivas de  $\alpha_0, \delta_0$  e  $D_i$  não depende das coordenadas retilíneas medidas  $(x_i, y_i)$  e  $(x_0, y_0)$ .

## APLICAÇÃO DO MÉTODO DAS DEPENDÊNCIAS

### REDUÇÃO E OBSERVAÇÃO

Na redução foi utilizado o sistema computacional instalado no Observatório do Valongo (Micro-computador Schumec M101/85) acoplado ao computador Burroughs 6700 do Núcleo de Computação Eletrônica, NCE/UFRJ. As placas, após identificação das estrelas de referência e dos asteróides, foram medidas no Coordenatógrafo Ascorecord do Observatório do Valongo, até 0,1 $\mu$ . As posições e movimentos próprios das estrelas que constituem o sistema de referência, cinco, foram obtidas do SAO Star Catalogue (1966), referidas ao equinócio de 1950. Nas placas fotográficas, conforme o caso, foram impressas três, duas ou quatro exposições, decaladas no tempo e em declinação. Foram utilizadas placas Kodak II a 0, 16cm x 16cm, previamente hiper-sensibilizadas.

### RESULTADOS

165 posições foram obtidas. As tábuas 1 e 2 sumarizam os resultados da redução. Na tábua 1 são apresentados, nas respectivas colunas, da esquerda para direita, o número da exposição fotográfica, a identificação do corpo celeste, o número da placa, a data (ano, mês e dia e fração decimal do dia em T.U.), a ascensão reta (AR), a declinação (DEC), e os resíduos (apenas para os asteróides integrantes da Ephemeridi Malik Planet - 1981). Os asteróides que não figuram na E.P.M./81 são identificados por código provisório. Na tábua 2, figuram, igualmente por coluna, o número das exposições fotográficas, o nº da estrela de referência no SAO Star Catalogue, as posições - para identificação - das estrelas de referência, somente em segundo de tempo (AR) e segundos de arco (DEC), e, finalmente, as dependências para cada placa reduzida.

### AGRADECIMENTOS

A missão no ESO, Chile, do Dr. Henri Debehogne foi proporcionada integralmente pelo European Southern Observatory. A redução das placas fotográficas foi efetuada no Observatório do Valongo, tendo sido utilizado o computador Burroughs 6700 do NCE/UFRJ. O trabalho no Rio de Janeiro, só foi possível graças aos Convênios, nº 4.3.83.0290.00, FINEP (Financiadora de Estudos e Projetos) e nº 605/83, FUJB (Fundação Universitária José Bonifácio). O CNPq custeou o bilhete da passagem aérea do Dr. R.R.F. Mourão, Rio-Santiago-Rio, e o ESO, sua estada no Chile.

REFERÉNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- EPHEMERIDES OF BRIGHT PLANETS, 1981: Leningrad: Institute of Theoretical Astronomy, U.S.S.R.
- EPHEMERIDI MALIK PLANET, 1981: Leningrad: Institute of Theoretical Astronomy, U.S.S.R.
- KAMP, Peter van der, 1964: Principles of Astrometry, San Francisco, U.S.A., Freeman and Co.
- PROCEEDINGS OF THE SIXTEENTH GENERAL ASSEMBLY, 1976: Resolution Commission 8, Grenoble, France.
- SALVADOR, J.A., 1979: Sobre o Método das Dependências in Anuário do Instituto de Geociências, UFRJ, Rio de Janeiro, Brasil.
- SAO STAR CATALOGUE, 1966: Washington DC: Smithsonian Institute, U.S.A.
- SCHLESINGER, F., 1911: Photographic Determinations of Stellar Parallax made with the Yerkes Refractor, III, IV, V, VI, VII, The Astrophysical Journal, 33.
- 
- , 1926: A short method for deriving positions of asteroids, comets, etc. from photographs. In the Astronomical Journal 874, vol. XXXVII.

TÁBUA 1

POSIÇÕES

Nº	Objeto	Placa	Data TU 1981			1950.0			Resíduos O - C			
			mês	dia	h	m	s	o	"	AR	Dec	
1	202 CHRYSEIS	4997	8	31.32806	22	14	48.49	-14	30	44.4	0.0	1
2	202 CHRYSEIS	4997	8	31.33320	22	14	48.28	-14	30	46.2	0.0	1
3	202 CHRYSEIS	4997	8	31.33862	22	14	48.05	-14	30	47.7	0.0	0
4	202 CHRYSEIS	5030	9	2.28165	22	13	25.09	-14	42	5.0	0.0	0
5	202 CHRYSEIS	5030	9	2.28684	22	13	24.87	-14	42	6.8	0.0	0
6	202 CHRYSEIS	5030	9	2.29204	22	13	24.65	-14	42	8.8	0.0	0
7	202 CHRYSEIS	5043	9	3.22490	22	12	45.17	-14	47	28.0	0.0	0
8	202 CHRYSEIS	5043	9	3.23113	22	12	44.89	-14	47	30.4	0.0	0
9	202 CHRYSEIS	5043	9	3.23737	22	12	44.64	-14	47	32.8	0.0	0
10	202 CHRYSEIS	5095	9	6.15416	22	10	41.72	-15	3	58.3	0.1	1
11	202 CHRYSEIS	5095	9	6.18970	22	10	41.47	-15	3	59.8	0.1	1
12	202 CHRYSEIS	5095	9	6.19524	22	10	41.24	-15	4	1.6	0.1	1
13	202 CHRYSEIS	5095	9	6.20078	22	10	41.01	-15	4	3.2	0.1	1
14	555 NORNA	4940	8	25.16368	22	13	14.21	-12	23	42.1	0.0	0
15	555 NORNA	4940	8	25.16991	22	13	13.94	-12	23	43.8	0.0	0
16	555 NORNA	4940	8	25.19615	22	13	13.66	-12	23	45.5	0.0	0
17	555 NORNA	4956	8	26.11308	22	12	34.02	-12	27	54.5	0.0	0
18	555 NORNA	4956	8	26.11931	22	12	33.74	-12	27	56.3	0.0	0
19	555 NORNA	4956	8	26.12555	22	12	33.49	-12	27	58.1	0.0	0
20	555 NORNA	5024	9	2.11059	22	7	33.18	-12	58	47.1	0.0	0
21	555 NORNA	5024	9	2.11648	22	7	32.90	-12	58	48.9	0.0	0
22	555 NORNA	5027	9	2.21170	22	7	28.83	-12	59	13.9	0.0	0
23	555 NORNA	5027	9	2.22018	22	7	28.43	-12	59	16.0	0.0	0
24	1225 ARIANE	5025	9	2.12963	22	9	55.17	-14	54	40.2	0.1	0
25	1225 ARIANE	5025	9	2.13552	22	9	54.86	-14	54	41.6	0.1	0
26	1225 ARIANE	5030	9	2.28684	22	9	45.04	-14	55	9.8	0.1	0
27	1225 ARIANE	5030	9	2.29204	22	9	44.72	-14	55	11.6	0.1	0
28	1225 ARIANE	5041	9	3.17850	22	8	51.61	-14	58	38.1	0.1	0
29	1225 ARIANE	5041	9	3.18441	22	8	51.28	-14	58	39.1	0.1	0
30	1225 ARIANE	5041	9	3.19125	22	8	50.89	-14	58	40.2	0.1	0
31	1225 ARIANE	5043	9	3.22490	22	8	48.74	-14	58	48.0	0.1	0
32	1225 ARIANE	5043	9	3.23113	22	8	48.37	-14	58	49.5	0.1	0
33	1225 ARIANE	5043	9	3.23737	22	8	48.00	-14	58	50.9	0.1	0
34	1225 ARIANE	5095	9	6.18416	22	5	54.52	-15	9	37.0	0.2	1
35	1225 ARIANE	5095	9	6.18970	22	5	54.21	-15	9	38.1	0.2	1
36	1225 ARIANE	5095	9	6.19524	22	5	53.86	-15	9	39.4	0.2	1
37	1225 ARIANE	5095	9	6.20078	22	5	53.54	-15	9	40.7	0.2	1
38	1381 DANUBIA	4997	8	31.32806	22	16	15.01	-13	36	56.0	0.0	1
39	1381 DANUBIA	4997	8	31.33326	22	16	14.70	-13	36	56.7	0.0	1
40	1381 DANUBIA	4997	8	31.33862	22	16	14.41	-13	36	57.4	0.0	1
41	1381 DANUBIA	5005	9	1.12059	22	15	29.80	-13	38	35.0	0.0	1
42	1381 DANUBIA	5005	9	1.12648	22	15	29.48	-13	38	35.7	0.0	1
43	1381 DANUBIA	5005	9	1.13236	22	15	29.14	-13	38	36.7	0.0	1
44	1381 DANUBIA	5009	9	1.21374	22	15	24.29	-13	38	46.8	0.0	1
45	1381 DANUBIA	5009	9	1.21997	22	15	23.93	-13	38	47.4	0.0	1

TÁBUA 1  
POSIÇÕES

7.

Nº	Objeto	Placa	mês	dia	h	m	s	Data TU 1981			Resíduos O - C		
								o	i	"	AR	Dec	
								m	t		m	t	
46	1381 DANUBIA	5024	9	2.11059	22	14	33.05	-13	40	34.4	0.0	1	
47	1381 DANUBIA	5024	9	2.11648	22	14	32.71	-13	40	35.3	0.0	1	
48	1381 DANUBIA	5024	9	2.12236	22	14	32.35	-13	40	36.2	0.0	1	
49	1381 DANUBIA	5027	9	2.21170	22	14	26.96	-13	40	47.5	0.0	1	
50	1381 DANUBIA	5027	9	2.22018	22	14	26.47	-13	40	48.5	0.0	1	
51	1381 DANUBIA	5027	9	2.22901	22	14	25.99	-13	40	49.6	0.0	1	
52	1381 DANUBIA	5029	9	2.26087	22	14	24.07	-13	40	52.8	0.0	1	
53	1381 DANUBIA	5029	9	2.26687	22	14	23.69	-13	40	53.5	0.0	1	
54	1381 DANUBIA	5029	9	2.27265	22	14	23.34	-13	40	54.2	0.0	1	
55	1381 DANUBIA	5043	9	3.22490	22	13	29.24	-13	42	44.9	0.0	0	
56	1381 DANUBIA	5043	9	3.23113	22	13	28.89	-13	42	45.3	0.0	0	
57	2003 HARDING	5041	9	3.17850	22	6	6.43	-14	30	52.0	0.0	0	
58	2003 HARDING	5041	9	3.17841	22	6	6.15	-14	30	53.3	0.0	0	
59	1981 WR2	5005	9	1.12059	22	15	23.06	-12	30	30.3			
60	1981 WR2	5005	9	1.12648	22	15	22.76	-12	30	30.5			
61	1981 WR2	5005	9	1.13236	22	15	22.45	-12	30	30.5			
62	1981 WR2	5009	9	1.20751	22	15	18.29	-12	30	34.1			
63	1981 WR2	5009	9	1.21374	22	15	17.96	-12	30	34.3			
64	1981 WR2	5009	9	1.21997	22	15	17.62	-12	30	34.1			
65	1981 WR2	5024	9	2.11648	22	14	32.13	-12	31	1.4			
66	1981 WR2	5024	9	2.12236	22	14	31.83	-12	31	1.9			
67	1981 WR2	5027	9	2.21170	22	14	26.84	-12	31	4.6			
68	1981 WR2	5027	9	2.22018	22	14	26.43	-12	31	4.8			
69	1981 WR2	5027	9	2.22901	22	14	26.00	-12	31	5.1			
70	1981 WR2	5029	9	2.26087	22	14	24.14	-12	31	5.7			
71	1981 WR2	5029	9	2.26687	22	14	23.82	-12	31	6.0			
72	1981 WR2	5029	9	2.27265	22	14	23.50	-12	31	6.1			
73	1981 WR2	5005	9	1.12059	22	15	38.41	-12	47	42.7			
74	1981 WR2	5005	9	1.12648	22	15	38.18	-12	47	44.8			
75	1981 WR2	5005	9	1.13236	22	15	37.96	-12	47	46.9			
76	1981 WR2	5009	9	1.20751	22	15	34.75	-12	48	16.0			
77	1981 WR2	5009	9	1.21374	22	15	34.50	-12	48	18.3			
78	1981 WR2	5009	9	1.21997	22	15	34.22	-12	48	20.5			
79	1981 WR2	5024	9	2.11059	22	14	58.38	-12	53	57.3			
80	1981 WR2	5024	9	2.11648	22	14	58.14	-12	53	59.8			
81	1981 WR2	5024	9	2.12236	22	14	57.89	-12	54	1.7			
82	1981 WR2	5027	9	2.21170	22	14	54.03	-12	54	35.1			
83	1981 WR2	5027	9	2.22018	22	14	53.67	-12	54	38.3			
84	1981 WR2	5027	9	2.22901	22	14	53.35	-12	54	41.3			
85	1981 WR2	5029	9	2.26087	22	14	51.92	-12	54	54.3			
86	1981 WR2	5029	9	2.26687	22	14	51.67	-12	54	56.7			
87	1981 WR2	5029	9	2.27265	22	14	51.43	-12	54	58.9			
88	1981 WR2	5005	9	1.12059	22	15	9.05	-12	29	58.2			
89	1981 WR2	5005	9	1.12648	22	15	8.78	-12	29	59.9			
90	1981 WR2	5005	9	1.13236	22	15	8.52	-12	30	1.5			

TÁBUA 1  
POSIÇÕES

8.

Nº	Objeto	Placa	mês	Data TU 1981			AR			1950.0			DEC		
				dia	h	m	s	o	t	"	o	t	"	o	t
91	1981 602	5009	9	1.20751	22	15	5.10	-12	30	20.1					
92	1981 602	5009	9	1.21574	22	15	4.82	-12	30	21.1					
93	1981 602	5009	9	1.21927	22	15	4.54	-12	30	22.6					
94	1981 602	5029	9	2.26067	22	14	17.99	-12	34	19.4					
95	1981 602	5029	9	2.26667	22	14	17.73	-12	34	20.8					
96	1981 602	5029	9	2.27265	22	14	17.48	-12	34	22.1					
97	1981 603	4956	8	26.11496	22	14	9.64	-11	12	12.7					
98	1981 603	4956	8	26.11931	22	14	9.35	-11	12	18.9					
99	1981 603	4956	8	26.12555	22	14	9.07	-11	12	25.0					
100	1981 603	5027	9	2.21170	22	9	9.98	-13	0	57.8					
101	1981 603	5027	9	2.22618	22	9	9.61	-13	0	45.9					
102	1981 602	4949	8	25.14568	22	19	9.15	-11	58	52.8					
103	1981 602	4949	8	25.14951	22	19	8.85	-11	58	54.6					
104	1981 602	4949	8	25.19615	22	19	8.53	-11	58	56.2					
105	1981 602	4956	8	26.11368	22	18	25.33	-12	3	50.0					
106	1981 602	4956	8	26.11951	22	18	25.04	-12	3	52.0					
107	1981 602	4956	8	26.12555	22	18	24.75	-12	3	53.8					
108	1981 602	5005	9	1.12059	22	15	43.46	-12	35	31.7					
109	1981 602	5005	9	1.12648	22	13	43.25	-12	35	33.6					
110	1981 602	5005	9	1.13236	22	13	42.99	-12	35	35.1					
111	1981 602	5009	9	1.21374	22	13	39.05	-12	36	0.9					
112	1981 602	5009	9	1.21927	22	15	38.74	-12	36	3.1					
113	1981 602	5030	9	2.25165	22	14	17.18	-13	59	16.0					
114	1981 602	5030	9	2.25664	22	14	16.90	-13	59	18.7					
115	1981 602	5030	9	2.29204	22	14	16.60	-13	59	21.8					
116	1981 602	5095	9	6.14924	22	11	11.75	-14	30	49.7					
117	1981 602	5095	9	6.20078	22	11	11.47	-14	30	51.8					
118	1981 603	4940	8	25.18588	22	17	13.61	-12	39	42.6					
119	1981 603	4940	8	25.18991	22	17	13.43	-12	39	46.8					
120	1981 603	4940	8	25.19615	22	17	13.25	-12	39	50.8					
121	1981 603	5043	9	3.22490	22	12	57.48	-14	15	5.7					
122	1981 603	5043	9	3.23113	22	12	57.32	-14	15	9.1					
123	1981 603	5043	9	3.23737	22	12	57.14	-14	15	13.2					
124	1981 603	5095	9	6.10416	22	11	43.04	-14	44	7.3					
125	1981 603	5095	9	6.16970	22	11	42.93	-14	44	10.2					
126	1981 603	5095	9	6.19524	22	11	42.79	-14	44	13.5					
127	1981 603	5095	9	6.20078	22	11	42.65	-14	44	16.9					
128	1981 602	5005	9	1.16059	22	15	45.90	-13	7	52.8					
129	1981 602	5005	9	1.18646	22	15	45.58	-13	7	55.0					
130	1981 602	5005	9	1.19236	22	15	45.29	-13	7	57.5					
131	1981 602	5029	9	2.20067	22	14	44.49	-13	15	27.8					
132	1981 602	5029	9	2.20667	22	14	44.20	-13	15	29.9					
133	1981 602	5029	9	2.27265	22	14	43.90	-13	15	32.1					
134	1981 603	5050	9	2.22644	22	14	59.34	-14	54	29.5					
135	1981 603	5050	9	2.27204	22	14	59.11	-14	54	31.2					

TÁBUA 1  
POSIÇÕES

Nº	Objeto	Placa	mês	dia	Data TU 1981			AR		1950.0		DEC	
					h	m	s	o	r	"	"	"	"
136	1981 Q83	5043	9	3.22490	22	14	17.44	-14	58	20.2			
137	1981 Q83	5043	9	3.23113	22	14	17.13	-14	58	22.1			
138	1981 Q83	5043	9	3.23737	22	14	16.84	-14	58	23.7			
139	1981 Q83	5095	9	6.18416	22	12	6.89	-15	10	7.0			
140	1981 Q83	5095	9	6.18970	22	12	6.61	-15	10	8.0			
141	1981 Q83	5095	9	6.19524	22	12	6.34	-15	10	9.1			
142	1981 Q83	5095	9	6.20078	22	12	6.08	-15	10	10.4			
143	1981 QZ2	4956	8	26.11308	22	18	39.90	-11	42	21.0			
144	1981 QZ2	4956	8	26.11931	22	18	39.59	-11	42	22.9			
145	1981 QZ2	4956	8	26.12555	22	18	39.33	-11	42	24.6			
146	1981 QZ2	5005	9	1.12059	22	14	16.51	-12	10	56.4			
147	1981 QZ2	5005	9	1.12648	22	14	16.26	-12	10	58.3			
148	1981 QZ2	5005	9	1.13236	22	14	16.00	-12	11	0.1			
149	1981 QZ2	5009	9	1.20751	22	14	12.61	-12	11	21.0			
150	1981 QZ2	5009	9	1.21374	22	14	12.34	-12	11	22.9			
151	1981 QZ2	5009	9	1.21997	22	14	12.07	-12	11	24.9			
152	1981 QZ2	5027	9	2.21170	22	13	29.58	-12	15	58.5			
153	1981 QZ2	5027	9	2.22018	22	13	29.21	-12	16	0.8			
154	1981 QZ2	5027	9	2.22901	22	13	28.81	-12	16	2.9			
155	1981 QZ2	5029	9	2.26087	22	13	27.32	-12	16	11.7			
156	1981 QZ2	5029	9	2.26687	22	13	27.08	-12	16	13.3			
157	1981 QZ2	5029	9	2.27265	22	13	26.83	-12	16	14.8			
158	1981 Q83	4940	8	25.18368	22	13	5.82	-12	32	3.4			
159	1981 Q83	4940	8	25.18991	22	13	5.58	-12	32	5.7			
160	1981 Q83	4940	8	25.19615	22	13	5.34	-12	32	8.1			
161	1981 Q83	4956	8	26.11308	22	12	27.90	-12	37	46.2			
162	1981 Q83	4956	8	26.11931	22	12	27.62	-12	37	48.3			
163	1981 Q83	4956	8	26.12555	22	12	27.33	-12	37	50.6			
164	1981 Q83	5027	9	2.21170	22	7	40.98	-13	20	4.5			
165	1981 Q83	5027	9	2.22901	22	7	40.43	-13	20	9.8			

TÁBUA 2  
DEPENDÊNCIAS

10.

Posição utilizada

Exp.	Fot.	SAO	s	"	Dependências		
1	2	164961	9.46	-18.7	-0.071876	-0.072212	-0.072419
		164964	26.75	-38.9	0.456470	0.457247	0.457978
		164968	44.11	-40.7	0.298571	0.298945	0.299344
		165003	6.48	-16.9	0.225450	0.225237	0.225002
		165014	8.20	-50.2	0.091385	0.090783	0.090095
4	5	164962	19.31	-7.2	0.380593	0.381344	0.382058
		164964	26.75	-38.0	0.360595	0.361020	0.361453
		164972	3.68	-46.4	0.219922	0.220942	0.222053
		164981	33.21	-28.8	0.156730	0.155812	0.154844
		164992	54.22	-3.8	-0.117841	-0.119117	-0.120409
7	8	164939	9.44	-17.8	0.364978	0.366443	0.367778
		164962	19.31	-7.2	0.238914	0.238941	0.238941
		164964	26.75	-38.0	0.250839	0.250761	0.250689
		164972	3.68	-46.4	-0.018349	-0.018936	-0.019391
		164981	33.21	-28.8	0.163618	0.162792	0.161982
11	12	164884	58.47	-22.4	-0.116342	-0.115865	-0.115472
		164895	1.19	-24.8	-0.001579	-0.001307	-0.001140
		164898	6.62	-3.3	0.216841	0.217131	0.217554
		164927	7.46	-49.3	0.188592	0.188021	0.187421
		164939	9.44	-17.8	0.712490	0.712020	0.711637
14	15	164940	15.33	-15.5	0.077305	0.077714	0.078114
		164945	50.20	-9.5	0.441027	0.441711	0.442416
		164973	5.49	-56.2	0.079169	0.078886	0.078641
		164986	58.16	-19.4	0.397958	0.397964	0.397954
		164994	15.67	-28.7	0.004541	0.003725	0.002874
17	18	164935	46.12	-27.1	0.252287	0.253021	0.253604
		164940	15.33	-15.5	-0.019152	-0.019224	-0.019268
		164945	50.20	-9.5	0.468383	0.469237	0.470186
		164973	5.49	-56.2	-0.061799	-0.062915	-0.064025
		164986	58.16	-19.4	0.360282	0.359881	0.359504
20	21	164893	50.75	-17.2	0.854219	0.854511	
		164896	2.77	-40.5	0.263405	0.263960	
		164915	43.53	-19.7	-0.405783	-0.405199	
		164929	19.65	-31.8	-0.227657	-0.227972	
		164938	7.50	-52.9	0.515817	0.514700	
22	23	164893	50.75	-17.2	0.267547	0.268720	
		164896	2.77	-40.5	0.193023	0.194418	
		164904	35.39	-49.2	0.428779	0.427996	
		164915	43.53	-19.7	0.067574	0.067624	
		164929	19.65	-31.8	0.043077	0.041242	
24	25	164884	58.47	-22.4	-0.090527	-0.089710	
		164895	1.19	-24.8	0.096398	0.096667	
		164897	3.25	-15.0	0.258696	0.258056	
		164902	30.59	-50.8	0.066713	0.067381	
		164939	9.44	-17.6	0.668720	0.667606	

TÁBUA 2  
DEPENDÊNCIAS

11.

Posição utilizada

Exp. Fot.	SAO	s	"	Dependências	
26 27	164919	30.33	-20.8	0.454050	0.454902
	164927	7.46	-49.3	0.083065	0.082939
	164939	9.44	-17.8	0.715426	0.716493
	164962	19.31	-7.2	-0.078842	-0.079556
	164964	26.75	-38.0	-0.173699	-0.174779
28 29 30	164884	58.47	-22.4	0.250236	0.251300 0.252520
	164895	1.19	-24.8	0.229561	0.230139 0.230758
	164897	3.25	-15.9	-0.038579	-0.038830 -0.039031
	164919	30.33	-20.8	0.125663	0.124879 0.123900
	164939	9.44	-17.8	0.433119	0.432511 0.431852
31 32 33	164898	6.62	-3.3	0.460761	0.461695 0.462592
	164919	30.33	-20.8	0.210331	0.210529 0.210801
	164927	7.46	-49.3	0.134269	0.134325 0.134390
	164939	9.44	-17.8	0.192799	0.192506 0.192229
	164962	19.31	-7.2	0.001840	0.000943 -0.000011
34 35 36 37	164884	58.47	-22.4	0.452929	0.453556 0.454191 0.454823
	164895	1.19	-24.8	0.322432	0.322709 0.323108 0.323390
	164898	6.62	-3.3	0.424491	0.424818 0.425179 0.425553
	164927	7.46	-49.3	-0.148503	-0.149001 -0.149641 -0.150191
	164939	9.44	-17.8	-0.051350	-0.052082 -0.052838 -0.053575
38 39 40	164961	9.46	-18.7	0.193655	0.193974 0.194289
	164968	44.11	-40.7	-0.085928	-0.085034 -0.084216
	164976	10.08	-13.1	0.337913	0.337817 0.337707
	165014	8.20	-50.2	0.196317	0.195935 0.195600
	165015	15.63	-3.0	0.358044	0.357308 0.356620
41 42 43	164945	50.20	-9.5	-0.159971	-0.158684 -0.157297
	164969	48.62	-50.5	-0.558689	-0.558566 -0.558549
	164976	10.08	-13.1	1.123505	1.123633 1.123745
	164986	58.16	-19.4	0.310494	0.310008 0.309665
	164993	55.54	-34.7	0.284661	0.283609 0.282436
44 45	164938	7.50	-52.9	-0.179195	-0.178265
	164945	50.20	-9.5	-0.453502	-0.452885
	164961	9.46	-18.7	0.718378	0.718256
	164976	10.08	-13.1	0.713697	0.713314
	164993	55.54	-34.7	0.200623	0.199580
46 47 48	164928	8.29	-3.5	-0.160198	-0.158789 -0.157361
	164961	9.46	-18.7	0.309741	0.309484 0.309264
	164964	26.75	-38.0	0.075419	0.075600 0.075785
	164976	10.08	-13.1	0.502193	0.501376 0.500491
	164981	33.21	-28.8	0.272845	0.272330 0.271821
49 50 51	164933	41.76	-32.9	0.022568	0.024839 0.026940
	164938	7.50	-52.9	-0.114461	-0.113489 -0.112517
	164945	50.20	-9.5	-0.294972	-0.295899 -0.296783
	164961	9.46	-18.7	0.672496	0.672072 0.671851
	164976	10.08	-13.1	0.714370	0.712477 0.710509

TÁBUA 2  
DEPENDÊNCIAS

12.

Posição utilizada

Exp.	Fot.	SAO	s	"	Dependências		
52	53	164961	9.46	-16.7	0.713754	0.713682	0.713685
		164976	10.08	-15.1	0.642636	0.642197	0.641766
		164938	7.50	-52.9	-0.032237	-0.031262	-0.030471
		164945	50.20	-9.5	-0.347805	-0.347166	-0.346505
		164993	55.54	-34.7	0.023652	0.022548	0.021525
55	56	164927	7.46	-49.3	0.077809	0.079306	
		164962	19.31	-7.2	-0.327666	-0.327427	
		164964	26.75	-38.0	-0.151058	-0.151077	
		164981	33.21	-28.8	0.346485	0.345593	
		7005	19.71	-48.9	1.054431	1.053605	
57	58	164884	58.47	-22.4	0.417755	0.418727	
		164895	1.19	-24.8	0.311994	0.312503	
		164897	3.25	-15.9	0.360617	0.360325	
		164919	30.33	-20.8	0.071048	0.070288	
		164939	9.44	-17.8	-0.161415	-0.161842	
59	60	164945	50.20	-9.5	0.114582	0.115605	0.116480
		164969	48.62	-56.5	-0.201640	-0.201082	-0.200293
		164986	58.16	-19.4	0.534318	0.533879	0.533481
		164993	55.54	-34.7	0.520911	0.520129	0.519321
		164994	15.67	-28.7	0.031829	0.031469	0.031011
62	63	164938	7.50	-52.9	-0.077442	-0.076651	-0.075784
		164945	50.20	-9.5	0.155068	0.155772	0.156469
		164961	9.46	-18.7	0.002929	0.002821	0.002613
		164976	10.08	-15.1	0.199617	0.199188	0.198680
		164993	55.54	-34.7	0.719828	0.718870	0.718021
65	66	7006	43.95	-31.1	0.333640	0.334116	
		7007	13.34	-41.7	0.799685	0.798627	
		164938	7.50	-52.9	-0.041226	-0.040408	
		164961	9.46	-18.7	-0.210438	-0.210258	
		164976	10.08	-15.1	0.118339	0.117921	
67	68	164945	50.20	-9.5	-0.031032	-0.028615	-0.026037
		164969	48.62	-56.5	0.166993	0.166944	0.166822
		164973	5.49	-56.2	0.200402	0.199900	0.199410
		164976	10.08	-13.1	0.311593	0.311214	0.310824
		164986	58.16	-19.4	0.352044	0.350557	0.348981
70	71	164961	9.46	-18.7	-0.015560	-0.015634	-0.015762
		164976	10.08	-15.1	0.125441	0.124992	0.124556
		164938	7.50	-52.9	0.056923	0.057726	0.058504
		164945	50.20	-9.5	0.262526	0.263148	0.263801
		164993	55.54	-34.7	0.570670	0.569768	0.568901
73	74	164945	50.20	-9.5	-0.177747	-0.176810	-0.175918
		164969	48.62	-56.5	-0.041565	-0.041772	-0.041967
		164976	10.08	-15.1	0.447300	0.447731	0.448156
		164986	58.16	-19.4	0.330774	0.330403	0.330105
		164993	55.54	-34.7	0.441238	0.440447	0.439625

TÁBUA 2  
DEPENDÊNCIAS

13.

Posição utilizada

Exp. Fot.	SAO	S	"	Dependências		
76 77 78	164938	7.50	-52.9	-0.140997	-0.140439	-0.139765
	164945	50.20	-9.5	-0.033629	-0.033420	-0.033211
	164961	9.46	-18.7	0.195154	0.195452	0.195682
	164976	10.08	-15.1	0.354504	0.354425	0.354325
	164993	55.54	-34.7	0.624968	0.623982	0.622970
79 80 81	7006	43.95	-51.1	0.053259	0.053279	0.053404
	7007	13.34	-41.7	0.636966	0.635683	0.634534
	164938	7.50	-52.9	-0.121824	-0.121137	-0.120430
	164961	9.46	-18.7	0.107164	0.107764	0.108240
	164976	10.08	-15.1	0.324435	0.324410	0.324251
82 83 84	164945	50.20	-9.5	-0.157207	-0.155018	-0.152913
	164969	48.62	-56.5	0.016521	0.016228	0.015811
	164973	5.49	-56.2	0.057163	0.066344	0.065659
	164976	10.08	-15.1	0.604458	0.604697	0.604900
	164986	58.16	-19.4	0.469065	0.467750	0.466543
85 86 87	164961	9.46	-18.7	0.245555	0.245850	0.246143
	164976	10.08	-15.1	0.341922	0.341837	0.341765
	164938	7.50	-52.9	-0.042745	-0.042146	-0.041628
	164945	50.20	-9.5	-0.003119	-0.002960	-0.002753
	164993	55.54	-34.7	0.458387	0.457418	0.456473
88 89 90	164945	50.20	-9.5	0.157281	0.158301	0.159177
	164969	48.62	-56.5	-0.161947	-0.161878	-0.161612
	164986	58.16	-19.4	0.504202	0.504186	0.504210
	164993	55.54	-34.7	0.479002	0.478583	0.478149
	164994	15.67	-28.7	0.021462	0.020808	0.020075
91 92 93	164938	7.50	-52.9	-0.044232	-0.043602	-0.042894
	164945	50.20	-9.5	0.184407	0.184879	0.185233
	164961	9.46	-18.7	-0.005362	-0.005314	-0.005200
	164976	10.08	-15.1	0.178848	0.178599	0.178367
	164993	55.54	-34.7	0.686339	0.685439	0.684494
94 95 96	164961	9.46	-18.7	0.015459	0.015607	0.015715
	164976	10.08	-15.1	0.140503	0.140288	0.140091
	164938	7.50	-52.9	0.068136	0.068755	0.069345
	164945	50.20	-9.5	0.247006	0.247331	0.247676
	164993	55.54	-34.7	0.528896	0.528019	0.527173
97 98 99	164947	54.05	-6.0	0.031058	0.032047	0.033004
	164950	58.72	-46.7	0.024850	0.025923	0.026964
	164971	3.37	-7.5	0.490522	0.488563	0.486642
	164973	5.49	-56.2	0.133442	0.134021	0.134569
	164983	44.32	-16.9	0.320127	0.319446	0.318821
100 101	164893	50.75	-17.2	-0.002163	-0.000767	
	164896	2.77	-40.5	-0.064774	-0.062515	
	164904	35.39	-49.2	0.415082	0.412275	
	164915	43.53	-19.7	0.151718	0.152643	
	164929	19.65	-31.8	0.500137	0.498363	

TÁBUA 2  
DEPENDÊNCIAS

14.

Posição utilizada

Exp. Fot.	SAO	s	"	Dependências		
102 105 109	164973	5.49	-56.2	-0.033195	-0.032686	-0.032102
	164986	58.16	-19.4	-0.592986	-0.591452	-0.590119
	164994	15.67	-28.7	0.800831	0.799724	0.798662
	165018	42.70	-17.5	0.690460	0.689474	0.688595
	165020	58.99	-7.8	0.134889	0.134941	0.134964
105 106 107	164973	5.49	-56.2	-0.156421	-0.155202	-0.154091
	164983	44.32	-16.9	-0.037370	-0.036976	-0.036571
	164997	38.52	-29.3	0.294276	0.293146	0.292078
	164999	53.06	-5.4	0.302788	0.302811	0.302904
	165018	42.70	-17.5	0.596727	0.596221	0.595679
108 109 110	164945	50.20	-9.5	0.301637	0.302561	0.303571
	164969	48.62	-56.5	0.163038	0.162870	0.162766
	164976	10.08	-13.1	0.266162	0.266558	0.266846
	164986	58.16	-19.4	0.162089	0.161755	0.161403
	164993	55.54	-34.7	0.107075	0.106255	0.105414
111 112	164938	7.50	-52.9	0.163102	0.163819	
	164945	50.20	-9.5	0.312683	0.312984	
	164961	9.46	-16.7	0.015964	0.016227	
	164976	10.08	-13.1	0.096924	0.096750	
	164993	55.54	-34.7	0.411327	0.410220	
113 114 115	164927	7.46	-49.3	0.266772	0.267129	0.267987
	164962	19.31	-7.2	-0.831455	-0.829040	-0.827800
	164964	26.75	-34.0	-0.142841	-0.142466	-0.141459
	164981	33.21	-28.8	1.904728	1.901380	1.897136
	164992	54.22	-3.8	-0.197204	-0.197004	-0.195864
116 117	164995	1.19	-24.8	0.175131	0.175800	
	164927	7.46	-49.3	0.279027	0.278841	
	164939	9.44	-17.8	0.108208	0.108568	
	164962	19.31	-7.2	0.187291	0.187036	
	164968	44.11	-40.7	0.250343	0.249754	
118 119 120	164973	5.49	-56.2	0.076166	0.076290	0.076479
	164986	58.16	-19.4	0.385824	0.387451	0.389093
	164994	15.67	-28.7	-0.079187	-0.080647	-0.082081
	165018	42.70	-17.5	0.181752	0.180928	0.180051
	165020	58.99	-7.8	0.435445	0.435977	0.436459
121 122 123	164927	7.46	-49.3	0.201006	0.201674	0.202407
	164962	19.31	-7.2	0.124911	0.125753	0.126759
	164964	26.75	-34.0	0.148490	0.149002	0.149633
	164961	33.21	-28.8	0.210115	0.209607	0.209015
	7005	19.71	-48.9	0.315479	0.313965	0.312186
125 126 127	164995	1.19	-24.8	0.121134	0.121447	0.121819
	164927	7.46	-49.3	0.077296	0.076789	0.076211
	164939	9.44	-17.8	0.315007	0.315674	0.316386
	164962	19.31	-7.2	0.276368	0.276337	0.276356
	164968	44.11	-40.7	0.210196	0.209753	0.208731

TÁBUA 2  
DEPENDÊNCIAS

15.

Posição utilizada

Exp. Fot.	SAO	s	"	Dependências		
128 129 150	164945	50.20	-9.5	-0.215651	-0.214347	-0.213161
	164969	48.62	-56.5	-0.254089	-0.254248	-0.254451
	164976	10.08	-13.1	0.717171	0.717627	0.718072
	164986	58.16	-19.4	0.338863	0.338359	0.338003
	164993	55.54	-34.7	0.413706	0.412609	0.411537
131 132 133	164961	9.46	-18.7	0.457101	0.457323	0.457612
	164976	10.08	-13.1	0.483562	0.483406	0.483245
	164988	7.50	-52.9	-0.050478	-0.049773	-0.049113
	164945	50.20	-9.5	-0.167541	-0.167280	-0.166948
	164993	55.54	-34.7	0.277356	0.276324	0.275203
134 135	164962	19.31	-7.2	0.035462	0.036290	
	164964	26.75	-38.0	0.025662	0.026138	
	164972	3.68	-46.4	0.313174	0.314163	
	164981	33.21	-28.8	0.135724	0.134818	
	164992	54.22	-3.8	0.489978	0.488591	
136 137 138	164939	9.44	-17.8	-0.079565	-0.077933	-0.076412
	164962	19.31	-7.2	0.093261	0.093314	0.093368
	164964	26.75	-38.0	0.051131	0.051220	0.051224
	164972	3.68	-46.4	0.734349	0.733360	0.732446
	164981	33.21	-28.8	0.200624	0.200039	0.199374
140 141 142	164895	1.19	-24.8	0.099765	0.100350	0.100976
	164927	7.46	-49.5	-0.280961	-0.280849	-0.280827
	164939	9.44	-17.8	0.699642	0.699845	0.699937
	164962	19.31	-7.2	0.398692	0.398214	0.397963
	164968	44.11	-40.7	0.082863	0.082446	0.081951
143 144 145	164973	5.49	-56.2	-0.334783	-0.333494	-0.332501
	164983	44.32	-16.9	-0.022686	-0.022277	-0.021909
	164997	56.52	-29.3	0.627690	0.626562	0.625575
	164999	53.66	-5.4	0.209555	0.209539	0.209685
	165018	42.70	-17.8	0.520224	0.519670	0.519150
146 147 148	164945	50.20	-9.5	0.247663	0.248800	0.249758
	164969	48.62	-56.5	0.267034	0.267087	0.267125
	164986	58.16	-19.4	0.147070	0.147116	0.147129
	164993	55.54	-34.7	0.136439	0.136129	0.135803
	164994	15.67	-28.7	0.201594	0.200868	0.200185
149 150 151	164945	50.20	-9.5	0.262079	0.263082	0.264089
	164969	48.62	-56.5	0.268682	0.268973	0.269028
	164986	58.16	-19.4	0.146701	0.146728	0.146769
	164993	55.54	-34.7	0.130862	0.130496	0.130139
	164994	15.67	-28.7	0.191476	0.190720	0.189975
152 153 154	164945	50.20	-9.5	0.287587	0.289830	0.292273
	164969	48.62	-56.5	0.255972	0.255616	0.255314
	164973	5.49	-56.2	0.243636	0.243009	0.242337
	164976	10.08	-13.1	0.081596	0.081631	0.081601
	164986	58.16	-19.4	0.131207	0.129915	0.128475

TÁBUA 2  
DEPENDÊNCIAS

16.

Posição utilizada

Exp. Fot.	SAO	s	"	Dependências		
155 156 157	164945	50.20	-9.5	0.427281	0.428141	0.429066
	164985	58.16	-19.4	0.143816	0.143823	0.143817
	164993	55.54	-34.7	0.066955	0.066649	0.066248
	164969	48.62	-56.5	0.288908	0.288971	0.289091
	164994	15.67	-28.7	0.073040	0.072416	0.071778
158 159 160	164940	15.33	-15.5	0.006111	0.006353	0.006543
	164945	50.20	-9.5	0.551190	0.551936	0.552728
	164973	5.49	-56.2	0.021629	0.021264	0.020950
	164986	58.16	-19.4	0.500998	0.501206	0.501422
	164994	15.67	-28.7	-0.079927	-0.080760	-0.081643
161 162 163	164935	46.12	-27.1	0.295459	0.296244	0.296844
	164940	15.33	-15.5	-0.139633	-0.139776	-0.139833
	164945	50.20	-9.5	0.631976	0.632935	0.634073
	164973	5.49	-56.2	-0.226660	-0.227903	-0.229189
	164986	58.16	-19.4	0.438658	0.438500	0.438105
164 165	164893	50.75	-17.2	0.296450	0.298107	
	164896	2.77	-40.5	0.355288	0.357603	
	164904	35.39	-49.2	0.006143	0.004276	
	164915	43.53	-19.7	0.268122	0.268640	
	164929	19.65	-31.8	0.073997	0.071373	